

Méthodes de Newton-Cotes Simples

	Rectangle	Point Milieu	Trapèze	Simpson	Simpson 3/8	Boole
Degré	$d = 0$	$d = 0$	$d = 1$	$d = 2$	$d = 3$	$d = 4$
$N_{\text{intervalles}}$	—	—	1	2	3	4
N_{points}	1	1	2	3	4	5
h	$(b - a)$	$(b - a)$	$(b - a)$	$(b - a)/2$	$(b - a)/3$	$(b - a)/4$
$\frac{\tilde{I}}{b - a} =$	f_0	$f_{1/2}$	$\frac{f_0 + f_1}{2}$	$\frac{f_0 + 4f_1 + f_2}{6}$	$\frac{f_0 + 3f_1 + 3f_2 + f_3}{8}$	$\frac{7f_0 + 32f_1 + 12f_2 + 32f_3 + 7f_4}{90}$
$\epsilon = I - \tilde{I}$	$\frac{h^2}{2} f^{(1)}(\xi)$	$\frac{h^3}{24} f^{(2)}(\xi)$	$-\frac{h^3}{12} f^{(2)}(\xi)$	$-\frac{h^5}{90} f^{(4)}(\xi)$	$-\frac{3h^5}{80} f^{(4)}(\xi)$	$-\frac{8h^7}{945} f^{(6)}(\xi)$

TABLE 1 – où $\xi \in [a, b]$ et h est la distance entre 2 points consécutifs.

Méthodes de Newton-Cotes Composites

	Rectangles	Trapèzes	Simpson
Degré	$d = 0$	$d = 1$	$d = 2$
Nombre total d'intervalles :	$n = m$ (quelconque)	$n = m$ (quelconque)	$n = 2m$ (pair)
Nombre total de points :	$n + 1 = m + 1$ (quelconque)	$n + 1 = m + 1$ (quelconque)	$n + 1 = 2m + 1$ (impair)
\tilde{I}	$h \sum_{k=0}^{n-1} f_k$	$h \frac{f_0 + 2 \sum_{k=1}^{n-1} f_k + f_n}{2}$	$h \frac{f_0 + 4 \sum_{k=0}^{m-1} f_{2k+1} + 2 \sum_{k=1}^{m-1} f_{2k} + f_n}{3}$
$\epsilon = I - \tilde{I}$	$O(h) = O(1/n)$	$O(h^2) = O(1/n^2)$	$O(h^4) = O(1/n^4)$
	$(b-a) \frac{h}{2} f^{(1)}(\xi)$	$-(b-a) \frac{h^2}{12} f^{(2)}(\xi)$	$-(b-a) \frac{h^4}{180} f^{(4)}(\xi)$

TABLE 2 – où h est la distance entre 2 points consécutifs; $n = (b-a)/h$ est le nombre total d'intervalles séparant des points consécutifs; $n + 1$ est le nombre total de points; et m est le nombre de sous-intervalles sur chacun desquels sont appliquées les méthodes de Newton-Cote simples. Les dessins correspondent aux différentes méthodes pour le même nombre d'intervalles total : $n = 6$, le même nombre total de points $n + 1 = 7$, et la même taille d'intervalle h .